

بررسی خواص ساختاری فازهای β_{12} و χ_3 بروفن به روش ابتدا به ساکن

علی حسین محمد ظاهری^{۱*}، رضا محمد ظاهری^۲

^۱گروه فیزیک-دانشکده علوم-دانشگاه پیام نور

^۲گروه فیزیک آموزش و پرورش همدان

چکیده

مواد دوبعدی به دلیل محدودیت در یکی از ابعادشان (ضخامت)، دارای ویژگی‌های کوانتومی منحصر به فردی مانند هدایت الکتریکی و استحکام مکانیکی بالا، در حوزه‌های مختلف علمی مورد توجه پژوهشگران قرار گرفته‌اند. بوروفن که به عنوان ساختارهای دوبعدی بور شناخته می‌شوند، یکی از جدیدترین و جذابترین مواد در دنیای نانومواد هستند. این ساختارها به دلیل خواص منحصر به فرد فیزیکی و شیمیایی خود، به ویژه در حوزه‌های الکترونیک، اسپینترونیک و انرژی، توجه بسیاری از پژوهشگران را به خود جلب کرده‌اند. بوروفن‌ها برخلاف دیگر مواد دوبعدی مانند گرافن، دارای تنوع زیادی در ساختارهای کریستالی و فازهای مختلف هستند که هر کدام از آن‌ها ویژگی‌های الکترونیکی و مکانیکی متفاوتی را به نمایش می‌گذارند. از بین فازهای مختلف، فازهای β_{12} و χ_3 از جمله مهم‌ترین و پایدارترین فازهای بوروفن هستند. این فازها به دلیل پایداری ساختاری، خواص الکترونیکی منحصر به فرد و توانایی تنظیم خواص آن‌ها با تغییر شرایط، به عنوان کاندیداهای ایده‌آل برای کاربردهای مختلف در نانو الکترونیک و نانوفوتونیک مطرح شده‌اند. به همین دلیل در این کار خواص ساختاری این دو فاز مورد مطالعه قرار گرفته است. برای این منظور از بسته نرم‌افزار کوانتوم اسپرسو که یک مجموعه یکپارچه و منبع باز از کدهای کامپیوتری که مبتنی بر تئوری تابعی چگالی است استفاده شده است. نتایج نشان می‌دهند، این ساختارها خاصیت رسانایی متفاوتی دارند به این صورت که فاز β_{12} نیمه رسانا و χ_3 رسانا است. نتایج حاصله با نتایج پژوهش دیگر محققین در تطابق خوبی است.

واژه‌های کلیدی: مواد دوبعدی، کوانتوم اسپرسو، فازهای بروفن، شبیه‌سازی کامپیوتری، خواص الکترونیکی، نظریه تابعی چگالی، چگالی حالات، ساختار نواری.

۱- مقدمه

تونل زنی کوانتومی و مقاومت‌های کوانتومی می‌شود [4]. این خواص امکان استفاده از گرافن و فسفرن را در ساخت ترانزیستورهای فوق نازک و دیودهای نورگسیل (LED) فراهم می‌کند، که می‌تواند به بهبود کارایی و کاهش مصرف انرژی در دستگاه‌های الکترونیکی منجر شود [5]. لذا این خواص منحصر به فرد بسترهای پیشرفت را برای ساخت نانوحسگرها، نانو کامپوزیت‌ها و ترانزیستورهای مبتنی بر این مواد مهیا کرده است [6-7].

بوروفن یک لایه منفرد از اتم‌های بور است که در یک شبکه دو بعدی (۲ بعدی) مرتب شده‌اند. برخلاف کربن موجود در گرافن، بور به دلیل ماهیت کمبود الکترون، ساختار شش ضلعی یکنواختی را تشکیل نمی‌دهد. در عوض، بسته به شرایط سنتز و بستر نگهدارنده، انواع ساختارهای چندشکلی را تشکیل می‌دهد. بور فقط سه الکترون ظرفیت دارد اما پیوندهایی تشکیل می‌دهد که به چهار الکترون نیاز دارند. این کمبود الکترون منجر به الگوهای پیوند منحصر به فرد و انعطاف پذیری در

مواد دوبعدی شامل موادی هستند که تنها یک یا چند لایه اتمی دارند و به دلیل محدودیت در ضخامت، دارای ویژگی‌های کوانتومی منحصر به فردی هستند. یکی از مشهورترین ماده دوبعدی گرافن است که در سال ۲۰۰۴ توسط آندره گایم و کنستانتین نووسلف کشف شد [1]. پس از گرافن، مواد دوبعدی دیگری مانند فسفرن و دی‌سولفید مولیبدن نیز کشف شدند که هرکدام دارای ویژگی‌های خاصی هستند و در کاربردهایی مانند نانوترانزیستورها، سلول‌های خورشیدی، و ادوات ذخیره‌سازی انرژی به کار گرفته می‌شوند [2]. با این حال، چالش‌هایی نظیر تولید انبوه و پایداری این مواد همچنان باقی است و نیاز به تحقیقات بیشتر در این زمینه احساس می‌شود [3]. همچنین تأثیرات کوانتومی به دلیل محدودیت‌های ساختاری در ابعاد نانو، در مواد دوبعدی به وضوح دیده می‌شود که منجر به بروز رفتارهای الکترونیکی خاصی مانند اثر

ساختار و شرایط، خواص نیمه‌رسانایی از خود نشان دهد که آن را برای کاربردهای الکترونیکی، متنوع‌تر می‌سازد [10].

باند ممنوعه این ماده می‌تواند با تغییرات در ساختار و اعمال کرنش مکانیکی تنظیم شود، در حالی که گرافن در حالت ایده‌آل فاقد باند گپ است [11].

اما با وجود این خواص برجسته، تولید پایدار و انبوه بروفن همچنان یک چالش است. روش‌های مختلفی مانند تبخیر شیمیایی و رسوب دهی لایه اتمی برای تولید بروفن استفاده می‌شود، اما کنترل دقیق بر ساختار و کیفیت آن نیاز به تحقیقات بیشتر دارد [8]. این ماده دارای تنوع زیادی در ساختارهای کریستالی و فازهای مختلف هستند که هر کدام از آن‌ها ویژگی‌های الکترونیکی و مکانیکی متفاوتی را به نمایش می‌گذارند [12]. هم‌اتصور که در بالا ذکر شد فازهای β_{12} و χ_3 از جمله مهم‌ترین فازهای بروفن هستند که به طور گسترده‌ای مورد مطالعه قرار گرفته‌اند. این فازها به دلیل پایداری ساختاری، خواص الکترونیکی منحصر به فرد و توانایی تنظیم خواص آن‌ها با تغییر شرایط، به عنوان کاندیداهای ایده‌آل برای کاربردهای مختلف در نانو الکترونیک و نانوفوتونیک مطرح شده‌اند [13]. فاز β_{12} دارای ساختاری است که از واحدهای شش ضلعی تشکیل شده و به دلیل وجود پیوندهای قوی در شبکه، از استحکام مکانیکی بالایی برخوردار است. این ویژگی‌ها، دنیای نانو فاز β_{12} را به ماده‌ای جذاب برای استفاده در دستگاه‌های نانو الکترونیک تبدیل کرده است [14]. از

ساختار مواد می‌شود. این ماده می‌تواند در اشکال پایدار وجود داشته باشد که هر کدام دارای خواص فیزیکی و شیمیایی متفاوتی هستند. این چند شکلی امکان کاربردهای مختلف را فراهم می‌کند. شبکه‌های بروفن اغلب دارای "سوراخ" یا جای خالی هستند که ترکیبی از الگوهای مثلثی و شش ضلعی را ایجاد می‌کنند. ترتیب خاص بستگی به فاز دارد.

در واقع بروفن یک ماده دوبعدی نوظهور است که از لایه‌های اتمی بور تشکیل شده و ویژگی‌های فیزیکی و الکترونیکی بسیار منحصر به فردی دارد. این ماده به دلیل ساختار نانومتری خود، انعطاف‌پذیری بالا و هدایت الکتریکی قابل توجهی از خود نشان می‌دهد [8]. این ماده در اشکال و ساختارهای مختلفی مانند شبکه‌های شش ضلعی و مثلثی وجود دارد که هر کدام خواص متفاوتی دارند [9]. این خواص آن را به ماده‌ای مناسب برای کاربردهای مختلف از جمله الکترونیک نانو، حسگرهای شیمیایی، و ذخیره‌سازی انرژی تبدیل کرده است [8]. علاوه بر این، بروفن می‌تواند به عنوان یک نیمه‌رسانا عمل کند و برای توسعه ترانزیستورها و سایر ادوات الکترونیکی پیشرفته مورد استفاده قرار گیرد [9]. این ماده دو بعدی دارای فازهای β_{12} که شامل ردیف‌های متناوب محل‌های اتمی پر و خالی است که ترکیبی از الگوهای شش ضلعی و مثلثی را ایجاد می‌کند و در حالیکه فاز χ_3 متراکم‌تر و عمدتاً مثلثی، با جای خالی کمتر در مقایسه با β_{12} است می‌باشد. در مقایسه با گرافن که یک نیمه‌فلز است، بروفن می‌تواند بسته به

زیگزاگی شبکه شش ضلعی انجام می شود. این مدل نیز دارای ویژگی های الکترونیکی منحصر به فرد و نیز واکنش پذیری متفاوتی در مقایسه با بروفن صندلی راحتی داشته باشد [19].

۲- روش محاسبات

برای مطالعه ی سیستم های بس ذره ای با تمرکز بر تئوری تابعیت چگالی، مؤسسات علمی- پژوهشی و حتی صنعتی در کشور های مختلف بر آن شدند که با استفاده از ترکیب سخت افزار، نرم افزار و فیزیک به پاسخگویی ابر مساله های ماده چگال اقدام کنند. همین امر منجر به معرفی بسته های محاسباتی زیادی برای بررسی خواص مواد گردید. از مهمترین این بسته های محاسباتی می توان به بسته ی کوانتوم اسپرسو اشاره کرد. کوانتوم اسپرسو مجموعه ای برای محاسبات ساختار الکترونیکی و مدل سازی مواد است که به صورت رایگان و به عنوان نرم افزار رایگان تحت مجوز عمومی گنو توزیع شده است. این بسته نرم افزاری با توجه به رشد شتابان تمامی بسته های محاسباتی با سرعت زیادی در حال رشد و فراهم آوردن امکانات بیشتر برای کاربران و محققین می باشد و این امر این نرم افزار را در زمره قوی ترین و آزاد ترین بسته های محاسباتی قرار داده است. این بسته محاسباتی بر اساس تئوری تابعی چگالی و به صورت شبه پتانسیلی عمل می کند. بر اساس این روش شبه پتانسیل جایگزین برهمکنش واقعی الکترون-الکترون و الکترون-یون می شود. شبه پتانسیل برهمکنش بین هسته اتم و همه الکترون ها و نیز الکترون-الکترون را به جز

سوی دیگر، فاز χ^3 به دلیل داشتن ساختاری با تقارن پایین تر و خواص الکترونیکی خاص نشان داده است که می تواند در شرایط مختلف، خواص الکترونیکی متفاوتی را به نمایش بگذارد، که این امر آن را به گزینه ای مطلوب برای کاربردهای حسگرها و ادوات الکترونیکی تبدیل می کند [15].

از طرفی خواص و رفتار بروفن را می توان به طور قابل توجهی تحت تأثیر نحوه برش یا طرح آن قرار داد. تکنیک های مختلف برش می تواند به ساختارها و خواص متمایز منجر شود. دو نوع مهم و متداول آنها مدل دسته صندلی (یا صندلی راحتی) و زیگ زاگ است. در مدل دسته صندلی ورقه دو بعدی شبکه بور شش ضلعی طوری بریده می شود که در لبه برش اتم های بور را در معرض دید قرار می گیرند. بروفن صندلی راحتی بسته به عرض آن می تواند رفتار فلزی و نیمه هادی از خود نشان دهد. نانوروبان های پهن تر صندلی راحتی فلزی هستند، در حالی که نوارهای باریک تر ممکن است رفتار نیمه رسانایی نشان دهند. این قابلیت تنظیم، بروفن صندلی راحتی را برای کاربردهای الکترونیکی همه کاره می کند [16-17]. همچنین ویژگی های این مدل از جمله استحکام و انعطاف پذیری آن، ممکن است تحت تأثیر آرایش خاص اتم ها در امتداد لبه های صندلی قرار گیرد. درک این ویژگی ها برای کاربردهای الکترونیک انعطاف پذیر و دستگاه های نانومکانیکی مهم است [18]. برای داشتن بروفن زیگزاگ برش این ماده دوبعدی در امتداد جهت

بیرونی ترین لایه ظرفیتی توصیف می کند. با انجام این کار، به مبنای موج صفحه عددی کمتری برای بسط تابع موج نیاز است و این امر باعث افزایش سرعت محاسبات می شود. در واقع شبه پتانسیل یکی از روش های مهم در فیزیک و شیمی محاسباتی است که برای ساده سازی توصیف سیستم های کوانتومی، به ویژه در زمینه محاسبات ساختار الکترونی، به کار می رود. این روش بیشتر در نظریه تابعی چگالی و محاسبات مربوط به مواد جامد و مولکول ها استفاده می شود. علت استفاده از شبه پتانسیلها آن است که در اتم ها، الکترون های نزدیک به هسته که الکترون های داخلی نیز نامیده می شوند بسیار به هسته وابسته اند و اثر زیادی بر خواص شیمیایی و فیزیکی ماده ندارند. از سوی دیگر، توصیف دقیق این الکترون ها نیازمند حل معادلات پیچیده است که محاسبات را زمان بر و پرهزینه می کند. شبه پتانسیل با حذف الکترون های داخلی و جایگزینی آنها با یک پتانسیل مؤثر، که تأثیر آنها بر الکترون های ظرفیت را شبیه سازی می کند، این مسئله را ساده می کند. به این ترتیب، تنها الکترون های ظرفیت مدل سازی می شوند و بخش عمده ای از پیچیدگی محاسباتی حذف می شود.

برای مطالعه ساختار الکترونیکی، باید رفتار الکترون های باندهای ظرفیت و رسانایی مواد را بررسی کنیم. زیرا با محاسبه باندهای انرژی مواد می توان به خواص فیزیکی مواد پی برد. برای این منظور، همانطور که ذکر شد یکی از روش هایی که بیشتر مورد استفاده محققین قرار گرفته است، حل خودسازگار معادلات کوهن شم است که

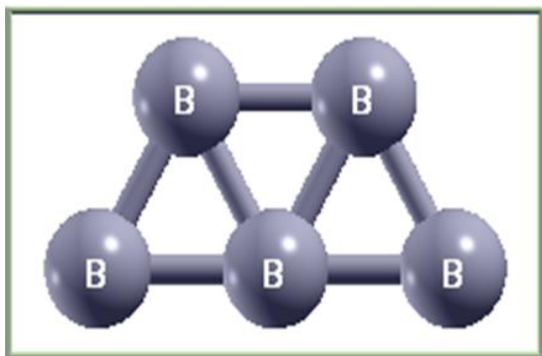
مبتنی بر نظریه تابعی چگالی می باشد [20-21]. لذا به منظور بررسی خواص الکترونیکی فازهای مختلف بروفن، از بسته نرم افزاری کوانتوم اسپرسو استفاده شده است. شاید مهمترین و کاربردی ترین مجموعه کوانتوم اسپرسو را، بسته PWSCF (Plane-Wave Self-Consistent Field) (میدان امواج تخت خود سازگار) دانست چرا که در اکثر خواص و اهدافی که ما در مورد مواد در نظر می گیریم کاربرد دارد. این بسته **نتایج** معادلات کوهن-شم خودسازگار را برای یک جامد تناوبی به دست می آورد. با بدست آوردن این **نتایج** می توان به مقادیر انرژی نهایی سیستم، بهینه ترین ثابت شبکه و بهینه ترین محل قرارگیری اتم ها در داخل سلول واحد دست یافت و این مرحله از محاسبات را می توان اساس و اولین قدم در آغاز محاسباتی همچون خواص الکترونیکی، اپتیکی، فونونی و دانست.

با توجه به اینکه بسته نرم افزاری کوانتوم اسپرسو بر اساس روش خودسازگار کار می کند و محاسبات برای تعداد محدودی از نقاط در منطقه اول بریلوین انجام می شود. بنابراین انتخاب تعداد نقاط بر متقارن و انرژی قطع تأثیر بسزایی در بهینه بودن محاسبات دارد. بدین منظور در این کار با در نظر گرفتن تئوری هلمن-فاینمن و روش مونخورست-پک، این نقاط به صورت $16 \times 16 \times 1$ به دست آمد. به دلیل دو بعدی بودن ماده مورد بحث این مش بندی در امتداد محور Z عدد یک انتخاب شده است. همچنین در این محاسبات از پتانسیل تبادل همبستگی Perdew - Burke - Ernzerh

یا نارسانا ها قرار گیرند. گام دیگر این روش بررسی چگالی حالات و نیز چگالی جزئی حالات است که در این کار برای هر دو فاز بروفن مورد مطالعه واقع شده‌اند که در ذیل این نتایج آمده‌اند.

۳-۱- فاز β_{12}

جهت مطالعه این فاز پس از ساخت ورودی های مناسب، ابتدا توسط نرم افزار ایکس کریستدین سلول پایه قابل مشاهده شد که در شکل (۱) نشان داده شده است.



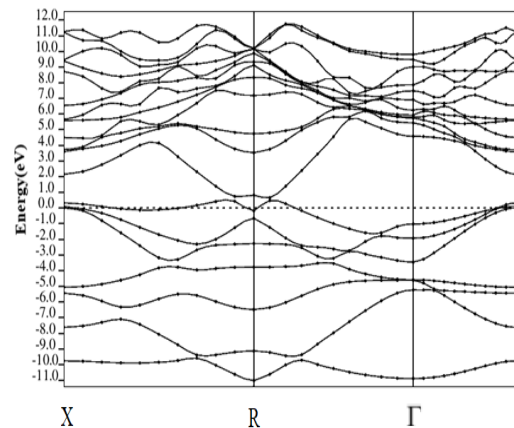
شکل (۱): نمای بالایی ساختار β_{12}

به منظور بررسی خاصیت الکترونیکی این فاز، با اجرای فایل های ورودی مربوطه، ساختار نواری (band structure) مورد مطالعه قرار گرفت که نتایج حاصله به صورت انرژی بر حسب نقاط پرتقارن ترسیم شده است شکل (۲). نمودار ساختار نواری یکی از ابزارهای مهم در فیزیک مواد و حالت جامد است که برای توصیف رفتار الکترون ها در مواد استفاده می‌شود. این نمودار نشان می‌دهد که چگونه انرژی های ممکن الکترون ها به عنوان تابعی از بردار موج (k) در ماده تغییر می‌کند.

(PBE) به انضمام تقریب شیب تعمیم یافته (GGA) [22] و فرمالیسم بر هم نهی امواج تخت (PAW) [23] برای بهینه سازی ساختاری و محاسبه ساختار باند استفاده شد. به عبارت دیگر جهت محاسبات دقیق تر باند های ممنوعه از شبه پتانسیلهای مبتنی بر PBE استفاده شده است [24-25]. همچنین حجم، شکل شبکه و موقعیتهای اتمی هر یک از ساختارها با استفاده از یک الگوریتم شبه- نیوتنی [26] بهینه سازی شده است تا نیروهای اتمی به حداقل برسند. پتانسیل تبادل همبستگی با استفاده از تقریب گرادیان تعمیم یافته (GGA) محاسبه شد. انرژی کل و سایر کمیت‌های مربوطه با استفاده از روش های شبه پتانسیل و موج تخت مورد بررسی قرار گرفت.

3 - نتایج و بحث

جهت مطالعه این ساختار، پس از ساخت ورودی های مناسب، بهینه کردن ساختار شامل سلول پایه و موقعیت های اتمی موجود در سلول از الزامات این روش است. سپس خواص الکترونیکی هر یک از فازها مورد بررسی قرار گرفت. به این منظور نمودار های ساختار نواری و چگالی حالات محاسبه شده است. در حالت کلی این نمودار ها بیانگر آن است که ترکیبی دارای خاصیت رسانندگی، نیمه رسانایی و یا نارسانایی می‌باشد. به اینگونه که در نمودار ساختار نواری اگر تراز ها سطح فرمی را قطع نکرده باشند یعنی در این ناحیه گاف داشته باشیم دیگر شاهد خاصیت رسانایی نیستیم و بسته به میزان گاف ماده می‌تواند در دسته نیم و


 شکل (۲): نمودار ساختار نواری فاز β_{12}

ما کمک می‌کند تا حرکت حامل‌های بار را در مواد جامد، که تحت تأثیر محیط بلوری قرار دارند، شبیه به حرکت ذرات آزاد بررسی کنیم. این کمیت مستقیماً به انحنای نوار انرژی بستگی دارد. در حالت کلی اگر نوار انرژی بسیار خمیده باشد (شیب تندتر)، در نتیجه جرم مؤثر کوچک است لذا این حامل‌ها به راحتی شتاب می‌گیرند و ماده رسانایی الکتریکی بالایی دارد. اگر نوار انرژی کم‌خمیدگی داشته باشد، جرم مؤثر بزرگ است و حرکت حامل‌ها کندتر خواهد بود و حامل‌های بار حفره می‌باشند. بنابر این می‌توان گفت در نمودار شکل (۲) با توجه به اینکه منحنی خمیدگی کمی دارد جرم مؤثر بزرگ و حامل‌ها از نوع حفره هستند. و در نتیجه این فاز بروفن دارای رسانندگی ضعیفی است که در نمودار این بحث هویدا است.

در ادامه محاسبات به بررسی چگالی حالت‌های الکترون پرداخته شده است. این کمیت یکی از مفاهیم کلیدی در فیزیک ماده چگال است که مشخص می‌کند چند حالت الکترونی در واحد حجم و در واحد انرژی برای یک سیستم وجود دارد. این مفهوم به ویژه در مطالعه جامدات، از جمله فلزات، نیمه‌رساناها و عایق‌ها اهمیت بسیاری دارد. به عبارت دیگر چگالی حالت‌های الکترونی به صورت تابعی از انرژی تعریف می‌شود و نشان می‌دهد که در هر بازه کوچک انرژی چه تعداد حالت برای اشغال الکترون‌ها در دسترس است. این تابع به ساختار نواری ماده و تقارن بلوری آن وابسته است. در واقع چگالی حالت‌ها اطلاعات اساسی درباره رفتار الکترون‌ها در جامدات ارائه می‌دهد و مطالعه آن برای

در نمودار فوق محور افقی بردار موج الکترون یا موقعیت در فضای بلوری (فضای k) و محور عمودی انرژی را نشان می‌دهد. به عبارت دیگر این نمودار نشان دهنده تغییرات انرژی الکترون‌ها نسبت به نقاط پر تقارن در فضای وارون است. تشخیص حامل‌های بار با استفاده از نمودار ساختار نواری یکی از کاربردهای کلیدی این نمودار است. حامل‌های بار به دو دسته اصلی الکترون‌ها و حفره‌ها تقسیم می‌شوند که به ترتیب در نوار رسانش و نوار ظرفیت قرار دارند. مکان سطح فرمی در نمودار ساختار نواری تعیین می‌کند که الکترون‌ها یا حفره‌ها غالب هستند. اگر سطح فرمی نزدیک به نوار رسانش باشد حامل‌های بار الکترون‌ها هستند (n-type) و اگر سطح فرمی نزدیک به نوار ظرفیت باشد حامل‌های بار حفره‌ها هستند (p-type). با دقت در نمودار میتوان گفت با توجه به اینکه سطح فرمی نزدیک به نوار رسانش قرار دارد، حامل‌های بار در این ماده الکترون‌ها هستند.

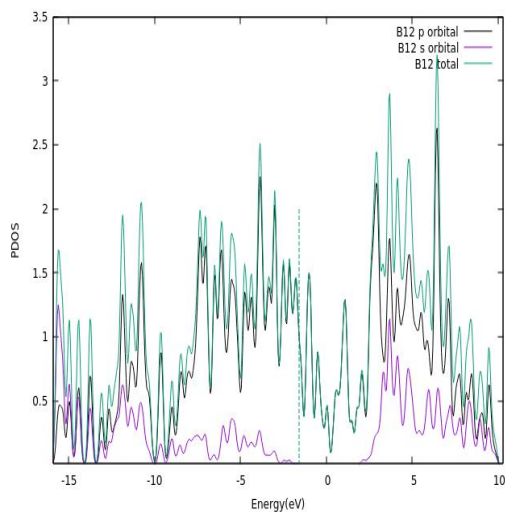
جرم مؤثر یکی از ویژگی‌های مهم حامل‌های بار (الکترون‌ها یا حفره‌ها) در مواد است که از نمودار ساختار نواری قابل محاسبه و تحلیل است. این مفهوم به

درک خواص مواد و طراحی دستگاه‌های الکترونیکی و **دنیای نانو**

اپتوالکترونیکی ضروری است. لذا در این کار به بررسی

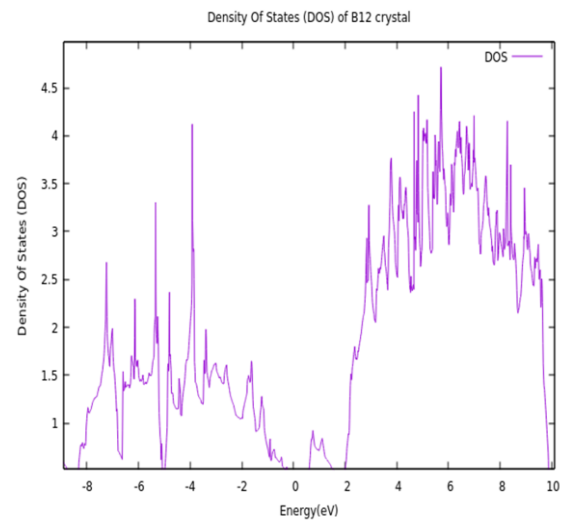
فوق، نزدیک انرژی صفر مقداری گسستگی وجود دارد که نشان‌دهنده گاف نواری کوچکی می‌باشد که این نتیجه با نمودار (۲) در تطابق کامل است. با افزایش انرژی به سمت مقادیر مثبت، چگالی حالت‌ها افزایش می‌یابد و تغییرات پیچیده‌تری مشاهده می‌شود. این رفتار نشان‌دهنده ساختار بانندی پیچیده بلور بروفن در فاز β_{12} است.

جهت مطالعه دقیق‌تر این ماده به بررسی چگالی حالت‌های تفکیک‌شده (یا پروجکت شده) نیز پرداخته شده است. نتیجه این مطالعه در نمودار شکل (۴) آمده است. این نمودار که نوع خاصی از نمودار چگالی حالت‌ها (DOS) است به تفکیک مشارکت اتم‌ها یا اوربیتال‌های خاص در چگالی حالت‌های کلی می‌پردازد. در واقع این نمودار اطلاعات جزئی‌تر و دقیق‌تری درباره رفتار الکترونی و ساختار بانندی ماده ارائه می‌دهد.



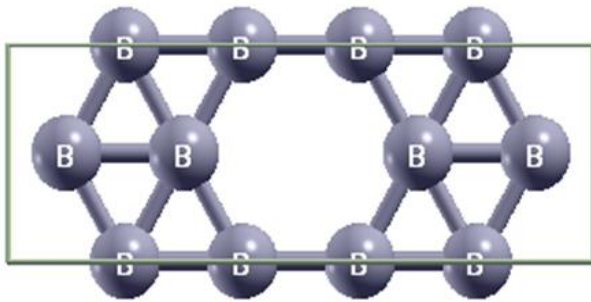
شکل (۴): نمودار چگالی حالت‌های جزئی فاز β_{12}

این کمیت پرداخته شده است که نتیجه این مطالعه در نمودار (۳) آمده است.

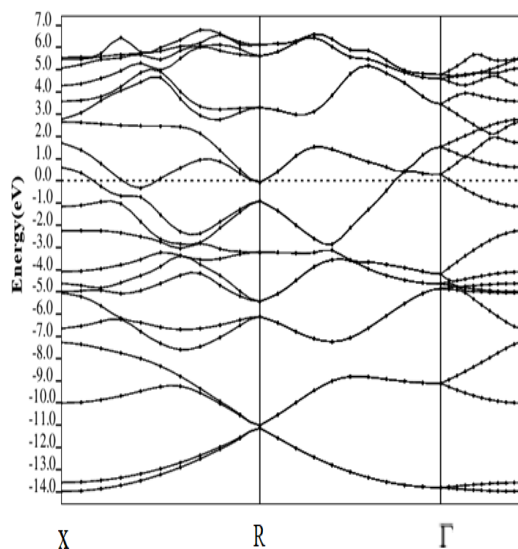


شکل (۳): نمودار چگالی حالت‌های فاز β_{12}

نمودار فوق نشان‌دهنده چگالی حالت‌های الکترونی فاز β_{12} است که در بازه‌ای از انرژی نمایش داده شده است. محور افقی نشان‌دهنده انرژی بر حسب الکترون‌ولت و محور عمودی نشان‌دهنده مقدار چگالی حالت‌ها در واحد انرژی است. همانطور که در شکل مشخص است در قسمت‌های مختلف نمودار، مقادیر متفاوتی از چگالی حالت‌ها وجود دارد. قله‌ها نشان‌دهنده تراکم بالای حالت‌ها در انرژی‌های خاص است. به عبارت دیگر قله‌های تیز در نمودار مربوط به تراکم بالای حالت‌ها در انرژی‌های خاص است. این قله‌ها ممکن است به حالت‌های محلی یا برهم‌کنش‌های الکترونی خاص مربوط باشند. در بازه انرژی منفی ۸ تا صفر حالت‌ها به باند ظرفیت مربوط هستند. در بازه انرژی مثبت صفر تا ده ، حالت‌ها به باندهای رسانش مربوط می‌باشند. در نمودار


 شکل (۵): نمای بالایی ساختار λ_3

همانطور که در بالا ذکر شد نمودار ساختار نواری نشان دهنده رابطه بین سطوح انرژی الکترون ها و تکانه آنها در یک کریستال است. این یک مفهوم اساسی در فیزیک حالت جامد است و خواص مختلف الکتریکی، نوری و حرارتی مواد را توضیح می دهد. لذا در این کار نمودار ساختار نواری فاز λ_3 بروفن نیز مورد مطالعه قرار گرفت. نتیجه در شکل (۶) آمده است.

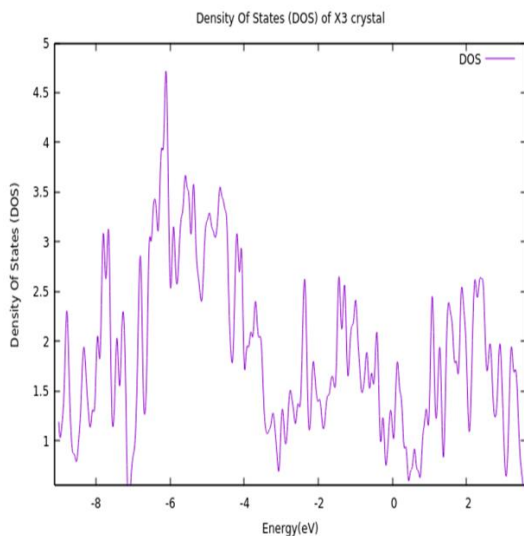

 شکل (۶): نمودار ساختاری فاز λ_3

در نمودار فوق محور افقی انرژی بر حسب الکترون ولت و محور عمودی سهم چگالی حالت های تفکیک شده را نشان می دهند. همچنین رنگ ها یا خطوط مختلف بیانگر سهم اتم ها یا اوربیتال های مختلف است. همانطور که ملاحظه می گردد در انرژی های پایین تر (منفی)، مشارکت اوربیتال های S قابل توجه است، اما در مقایسه با اوربیتال های P، مقدار آن کمتر است. در انرژی های نزدیک به سطح فرمی و بالاتر، مشارکت اوربیتال های P بسیار بیشتر است که نشان می دهد این اوربیتال ها نقش اصلی در رسانایی الکتریکی و رفتار الکترونی دارند. همچنین ملاحظه می گردد که قله های مربوط به اوربیتال P در انرژی های بالاتر بارزتر هستند، در حالی که اوربیتال S قله های قابل توجهی در انرژی های پایین تر دارد. در مجموع این نمودار نشان می دهد که اوربیتال P سهم غالبی در چگالی حالت ها، به ویژه در انرژی های نزدیک به سطح فرمی و بالاتر دارد در حالی که اوربیتال S در انرژی های پایین تر تأثیر بیشتری دارد.

۳-۲- فاز λ_3

یکی دیگر از فازهای پایدار بروفن، فاز λ_3 است. مشابه فاز بتا دوازده با ساخت ورودی های مناسب ابتدا توسط نرم افزار ایکس کریسیدن سلول پایه قابل مشاهده شده که نتیجه در شکل (۵) آمده است.

مرحله بعدی محاسبات بررسی چگالی حالت است که نتیجه مطالعه در شکل (۷) آمده است. کلیات این بحث در قسمت فاز بتا دوازده مطرح شد. در این قسمت به تحلیل نمودار فاز χ_3 پرداخته شده است.



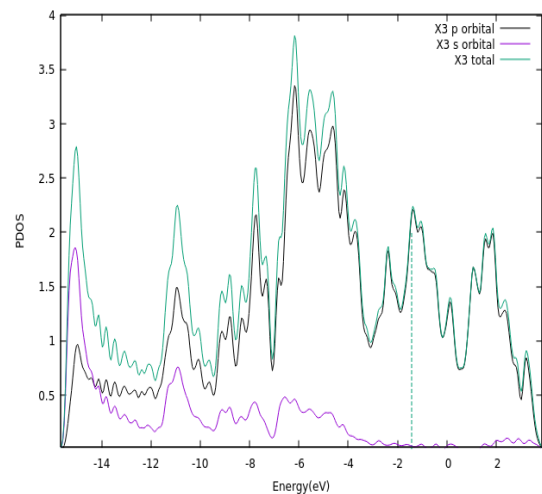
شکل (۷): نمودار چگالی حالات فاز χ_3

در نمودار فوق محور افقی سطوح انرژی را در محدوده تقریباً -9 eV تا $+3\text{ eV}$ نشان می دهد. همچنین محور عمودی تعداد حالت های الکترونیکی موجود در هر سطح انرژی را نشان می دهد. پیک ها در نمودار مربوط به سطوح انرژی است که در آن تعداد زیادی حالت در دسترس است، که اغلب به دلیل مناطق مسطح در ساختار باند است. دره ها یا صفرها نیز مربوط به محدوده های انرژی است که در آن حالت های کمی وجود دارد یا اصلاً وجود ندارد. در واقع این نمودار چگالی حالات (DOS) را برای فاز χ_3 نشان می دهد که به عنوان تابعی از انرژی (بر حسب eV) ترسیم شده است. به عبارت دیگر در نمودار چگالی حالتها با نشان

در نمودار فوق محور عمودی نشان دهنده سطوح انرژی (E) الکترون ها در ماده است. سطوح انرژی اغلب نسبت به سطح فرمی (E_F) اندازه گیری می شود که بالاترین سطح انرژی اشغال شده در دمای صفر مطلق است. همچنین محور افقی نشان دهنده بردار موج (k) مربوط به تکانه الکترون است. در واقع این محور مربوط به نقاط شبکه متقابل کریستال است و معمولاً در امتداد جهت های خاص با تقارن بالا در ناحیه اول بریلوئن ترسیم می شود. نقاط نمایش داده شده روی محور افقی (Γ , X, R) همان نقاط پرتقارن در منطقه بریلوئن می باشند. به عبارت دیگر این نمودار سطوح انرژی الکترون ها را به صورت تابعی از بردار موج آنها (k) در امتداد نقاط خاص با تقارن بالا در ناحیه بریلوئن نشان می دهد. یکی از کمیت هایی که از نمودار ساختار نواری می توان مورد بحث قرار داد جرم موثر است. همانطور که در بالا ذکر شد این کمیت را با توجه به انحنای منحنی نمودار ساختاری است. به عنوان نمونه در نقطه R نوارهای رسانایی انحنای بالایی از خود نشان می دهند که نشان دهنده جرم موثر کم و تحرک بالای حامل بار است لذا میتوان گفت نوع حامل الکترون است. نوارهای ظرفیت نزدیک R دارای انحنای کمتری هستند که نشان دهنده حفره های سنگین تر با تحرک کمتر است و نوع حامل حفره است. در واقع انتظار می رود الکترون های نزدیک به نقطه R به دلیل جرم موثر کوچکشان، بسیار متحرک باشند. حفره های نوارهای ظرفیت نزدیک R در مقایسه با الکترون ها تحرک کمتری دارند.

دادن تعداد حالت های الکترونیکی موجود در هر سطح انرژی، بینش های کلیدی را در مورد خواص الکترونیکی مواد ارائه می دهد. این نمودار با نمودار ساختار نواری (شکل ۶) کاملاً مطابقت دارد.

جهت تکمیل مطالعه، بررسی چگالی حالات جزئی نیز مورد بحث قرار گرفته است. نمودار چگالی حالت های جزئی (PDOS) کل چگالی حالتها (DOS) را به کمک های اوربیتال های اتمی خاص تجزیه می کند و بینش هایی را در مورد نقش اوربیتال های فردی در ساختار الکترونیکی ارائه می دهد.



شکل (۸): نمودار چگالی حالات جزئی فاز χ_3

در نمودار فوق محور افقی (انرژی [eV]) سطوح انرژی را نشان می دهد. خط چین عمودی در $E=0$ انرژی فرمی را نشان می دهد. همچنین محور عمودی چگالی حالت های جزئی را نشان می دهد که سهم اوربیتال های خاص (مانند S، P) را در کل حالت های الکترونیکی در هر سطح انرژی اندازه گیری می کند. در این منحنی خط

بنفش نشان دهنده سهم اوربیتال S و همانطور که ملاحظه می گردد این اوربیتال به طور قابل توجهی به حالت های الکترونیکی کمک می کنند. خط سیاه نشان دهنده سهم اوربیتال های P است که به طور کلی بزرگتر از سهم مدار S است، زیرا اوربیتال های P اغلب در بسیاری از مواد غالب هستند. خط فیروزه ای مجموع مشارکت های مدار S و P را نشان می دهد. در واقع پیک ها مربوط به سطوح انرژی با چگالی زیاد حالت های الکترونیکی است. به عنوان مثال، یک پیک بزرگ نزدیک به -6 eV نشان دهنده سهم قابل توجه اوربیتال های S و P در آن انرژی است.

بررسی ها نشان می دهد نتایج حاصل از این کار با نتایج کار دیگر محققین که از روشهای دیگری استفاده کرده اند مطابقت بسیار خوبی دارد [27-30].

۴. نتیجه گیری

از بین فازهای مختلف این ماده نوظهور دو بعدی، فازهای β_{12} و χ_3 از جمله مهم ترین و پایدار ترین فازهای بوروفن هستند. این فازها به دلیل پایداری ساختاری، خواص الکترونیکی منحصر به فرد و توانایی تنظیم خواص آنها با تغییر شرایط، به عنوان کاندیداهای ایده آل برای کاربردهای مختلف در نانو الکترونیک و نانوفوتونیک مطرح شده اند. لذا می توان گفت این ماده در آینده نزدیک نقش بسیار خوبی در صنایع به ویژه سطوح مشترک ایفا می کنند.



Experimental realization of borophene monolayers on Cu(111). *Nature Chemistry*, 8(6), 563-568 (2016).

[14] Z. Zhang, Y. Yang, G. Gao, B. I. Yakobson, & Y.W. Zhang, Two-dimensional boron monolayers mediated by metal substrates: Structures, synthesis, and properties. *Angewandte Chemie International Edition*, 56(30), 7881-7885 (2017).

[15]. Y. Gao, X. Li, & Y. Han, Theoretical studies on the stability and electronic properties of borophene. *Journal of Physical Chemistry C*, 121(12), 6737-6745 (2017).

[16] K. S. Novoselov, et al. *Science*, 306(5696), 666-669 (2004).

[17] W. Kohn, & Sham, L. J. *Physical Review*, 140(4A), A1133-A1138 (1965).

[18] Y.Y. Liu, E.S. Penev, B.I. Yakobson, Probing the Synthesis of two-dimensional boron by first-principles computations. *Angewandte Chemie International Edition* 52 3156–3159 (2013).

[19] L. Adamska., S. Sharifzadeh, FineTuning the Optoelectronic Properties of Freestanding Borophene by Strain, *ACS Omega* 2 8290-8299 (2017).

[20] P. Hohenberg, W. Kohn, *Phys. Rev. B*, 864 (1964).

۵. منابع

[1] K. S., Novoselov et al. *Science*, 306(5696), 666-669 (2004).

[2] A. K. Geim, K. S. Novoselov, *Nature materials*, 6(3), 183-191(2007).

[3] S. Z. Butler, et al. *ACS nano*, 7(4), 2898-2926 (2013).

[4] Y. Zhang, et al. (2005). *Nature*, 438, 201-204 (7065).

[5] F. Schwierz, *Nature nanotechnology*, 5(7), 487-496 (2010).

[6] D. Akinwande, et al. *Nature communications*, 5, 5678 (2014).

[7] M. Chhowalla, et al. *Nature chemistry*, 5(4), 263-275 (2013).

[8] A. J. Mannix, et al. *Nature nanotechnology*, 10(11), 959-963 (2015).

[9] E. S. Penev, et al. *Nano Letters*, 12(5), 2441-2445 (2012).

[10] B. Feng, et al. *Nature Chemistry*, 8(6), 563-568 (2016).

[11] A. Lopez-Bezanilla, P. B. Littlewood, *Physical Review B*, 93(24), 241405 (2016).

[12] A. R. Oganov, J. Chen, C. Gatti, Y. Ma, C. W. Glass, Z. Liu, & Mao, H.-K. Ionic high-pressure form of elemental boron. *Nature*, 457(7231), 863-867 (2009).

[13] B. Feng, J. Zhang, Y. Liu, T. Iimori, Y. Liao, & S. Meng,



- [29] Z. Q. Wang, T. Y. Lü, et al. Review of borophene and its potential applications, *Front. Phys.* 14(3), 33403 (2019).
- [30] B. Feng, J. Zhang et al. "Experimental Realization of Two-Dimensional Boron Sheets," *Nature Chemistry* in June (2016).
- [21] W. Kohn, L. Sham J., *Phys. Rev. A* 1133 (1965).
- [22] J. Perdew, et al. Gradient approximation made simple. *Phys. Rev. Lett.*, 77, 3865–3868 (1996).
- [23] M. Torrent, et al. Implementation of the Projector Augmented-Wave Method in the ABINIT Code: Application to the Study of Iron under Pressure. *Comput. Mater. Sci.*, 42, 337–351 (2008).
- [24] Y. Yuan, et al. Nature of the Band Gap of Halide Perovskites ABX₃ (A = CH₃NH₃, Cs; B = Sn, Pb; X = Cl, Br, I): First-Principles Calculations. *Chin. Phys. B*, 24, 116302 (2015).
- [25] L. Lang, et al. FirstPrinciples Study on the Electronic and Optical Properties of Cubic ABX₃ Halide Perovskites. *Phys. Lett. A*, 378, 290–293 (2014).
- [26] P. Pulay, Convergence Acceleration of Iterative Sequences. The Case Of SCF Iteration. *Chem. Phys. Lett.*, 73, 393–398 (1980).
- [27] T. Abasi, A. Boochani, Masharian S. R.. *J. Research on Many-body Systems*, Volume 11, Number 2, summer (2021).
- [28] A. J. Mannix, X. Zhang, et al. Synthesis of borophenes: Anisotropic, two-dimensional boron polymorphs. *journal Science* on December 18, (2015).